

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

1. Résous chaque équation. Donne les réponses exactes.

a)  $15 = 12 + \log x$

$$3 = \log x$$

$$10^3 = x$$

$$x = 1000$$

c)  $4 \log_3 x = \log_3 81$

$$\log_3 x^4 = \log_3 81$$

$$x^4 = 81$$

$$x = 3 \text{ ou } x = -3$$

à rejeter

$$\{3\}$$

2. Résous chaque équation. Donne les réponses au centième près.

a)  $4(7^x) = 92$

$$\log 4(7^x) = \log 92$$

$$\log 4 + x \log 7 = \log 92$$

$$x \log 7 = \log 92 - \log 4$$

$$x \log 7 = \log \frac{92}{4}$$

$$x = \frac{\log 23}{\log 7} = 1,61$$

3. Hamdi a résolu algébriquement l'équation  $\log_3(x-8) - \log_3(x-6) = 1$  et a déterminé que  $x=5$  est une solution possible. Voici la vérification faite par Hamdi.

MG

MD

$$\log_3 \frac{x-8}{x-6}$$

$$= \log_3 \frac{5-8}{5-6}$$

$$= \log_3 3$$

$$= 1$$

$$1 \quad \text{MG=MD}$$

Es-tu d'accord avec sa vérification? Explique ta réponse.

Non, car  $\log(5-8)$  donnerait le log d'un négatif ainsi que  $\log(5-6)$ .

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

7. Détermine la valeur de  $x$  au centième près.

$$d) 4(7^{x+2}) = 9^{2x-3}$$

$$\log 4(7^{x+2}) = \log 9^{2x-3}$$

$$\log 4 + (x+2)\log 7 = (2x-3)\log 9$$

$$\log 4 + x\log 7 + 2\log 7 = 2x\log 9 - 3\log 9$$

$$x\log 7 - 2x\log 9 = -3\log 9 - \log 4 - 2\log 7$$

$$x(\log 7 - 2\log 9) = -3\log 9 - \log 4 - 2\log 7$$

$$x = \frac{\log\left(\frac{1}{9^3 \times 4 \times 7^2}\right)}{\log\left(\frac{7}{9^2}\right)} = 4,85$$

8. Résous chaque équation.

$$a) \log_5(x-18) - \log_5 x = \log_5 7$$

$$\log_5 \frac{(x-18)}{x} = \log_5 7$$

$$\frac{(x-18)}{x} = 7$$

$$x-18 = 7x \quad \text{aucune solution}$$

$$-18 = 6x$$

$$x = -3$$

à rejeter

$$b) \log_2(x-6) + \log_2(x-8) = 3$$

$$\log_2(x-6)(x-8) = 3$$

$$x^2 - 6x - 8x + 48 = 2^3$$

$$x^2 - 14x + 48 - 8 = 0$$

$$x^2 - 14x + 40 = 0$$

$$(x-10)(x-4) = 0$$

$$x = 10 \text{ ou } x = 4$$

$$\text{si } x = 10$$

$$\log_2(10-6) + \log_2(10-8) = 3$$

$$\log_2 4 + \log_2 2 = 3$$

$$2 + 1 = 3$$

$$3 = 3$$

$$\text{si } x = 4$$

$$\log_2(4-6) + \log_2(4-8) = 3$$

pas défini

{10}

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

$$c) 2 \log_4(x+4) - \log_4(x+12) = 1$$

$$\begin{aligned} \log_4 \frac{(x+4)^2}{x+12} &= 1 \\ 4^1 &= \frac{(x+4)^2}{x+12} \\ 4x+48 &= x^2+8x+16 \\ 0 &= x^2+4x-32 \\ 0 &= (x+8)(x-4) \\ x &= -8 \text{ ou } x = 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{si } x &= -8 \\ 2 \log_4(-8+4) - \log_4(-8+12) &= 1 \\ &\text{pas défini} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{si } x &= 4 \\ 2 \log_4(4+4) - \log_4(4+12) &= 1 \\ \log_4 \frac{64}{16} &= 1 \\ \log_4 4 &= 1 \\ 1 &= 1 \\ \{4\} \end{aligned}$$

$$d) \log_3(2x-1) = 2 - \log_3(x+1)$$

$$\begin{aligned} \log_3(2x-1) + \log_3(x+1) &= 2 \\ \log_3(2x-1)(x+1) &= 2 \\ 3^2 &= (2x-1)(x+1) \\ 0 &= 2x^2+2x-x-1-9 \\ 0 &= 2x^2+x-10 \\ 0 &= (2x+5)(2x-4)/2 \\ 0 &= (2x+5)2(x-2)/2 \\ 0 &= (2x+5)(x-2) \\ x &= \frac{-5}{2} \text{ ou } x = 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{si } x &= -\frac{5}{2} \\ \log_3 \left( 2 \left( \frac{-5}{2} \right) - 1 \right) &= 2 - \log_3 \left( -\frac{5}{2} + 1 \right) \\ &\text{pas défini} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{si } x &= 2 \\ \log_3(2(2)-1) &= 2 - \log_3(2+1) \\ \log_3 3 &= 2 - \log_3 3 \\ 1 &= 2 - 1 \\ 1 &= 1 \\ \{2\} \end{aligned}$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

$$e) \log_2 \sqrt{x^2 + 4x} = \frac{5}{2}$$

$$\left(2^{\frac{5}{2}}\right)^2 = \left(\sqrt{x^2 + 4x}\right)^2 \quad \log_2 \sqrt{(-8)^2 + 4(-8)} = \frac{5}{2}$$

*si  $x = -8$*   
*pas défini*

$$32 = x^2 + 4x$$

$$0 = x^2 + 4x - 32$$

$$0 = (x + 8)(x - 4)$$

$$x = -8 \text{ ou } x = 4$$

$$\log_2 \sqrt{(4)^2 + 4(4)} = \frac{5}{2}$$

*si  $x = 4$*

$$\log_2 \sqrt{32} = \frac{5}{2}$$

$$\frac{5}{2} = \frac{5}{2}$$

$$\{4\}$$

9. La magnitude apparente d'une étoile correspond à son éclat ou sa luminosité vue de la Terre. Sa magnitude absolue correspond à la magnitude apparente que l'étoile aurait si elle était située à 10 parsecs de la Terre. On calcule la différence entre la magnitude apparente  $m$ , et la magnitude absolue,  $M$ , à l'aide de l'équation  $m - M = 5 \log d - 5$ , où  $d$  est la distance de la Terre à l'étoile, en parsecs (pc). Sirius, l'étoile la plus brillante visible de la Terre, a une magnitude apparente de -1,44 et une magnitude absolue de 1,45.

- a) À quelle distance Sirius est-elle de la Terre, au centième de parsec près?

$$-1,44 - 1,45 = 5 \log d - 5$$

$$\frac{-2,89 + 5}{5} = \log d$$

$$\log d = 0,422$$

$$10^{0,422} = d$$

$$d = 2,64 \text{ pc}$$

*Sirius se situe à 2,64 pc de la Terre.*

- b) Si 1 pc égale environ 3,26 années-lumière, quelle est distance calculée en a), en années-lumière? Arrondis ta réponse au dixième près.

$$1 \text{ pc} = 3,26 \text{ années - lumière}$$

$$2,64 \text{ pc} = x$$

$$x = 8,61 \text{ années - lumière}$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

12. L'astronome allemand Johannes Kepler a découvert trois grandes lois du mouvement des

planètes. Selon la troisième de ces lois,  $\log T = \frac{3}{2} \log d - 3,263$  où T est le temps qu'une planète

met à accomplir une révolution autour du Soleil, en années terrestres, et d est sa distance moyenne du Soleil, en millions de kilomètres.

a) Pluton est une planète naine située à 5 906 millions de kilomètres du Soleil. Quelle est sa période de révolution, T, à l'année près?

$$\log T = \frac{3}{2} \log 5906 - 3,263$$

$$\log T = 2,393940164$$

$$10^{2,393940164} = T$$

$$T = 248 \text{ années}$$

Pluton met environ 248 années à faire le tour du Soleil.

b) Mars a une période de révolution de 1,88 année. À quelle distance Mars se trouve-t-elle du Soleil, au million de kilomètre près?

$$\log 1,88 = \frac{3}{2} \log d - 3,263$$

$$\frac{2(\log 1,88 + 3,263)}{3} = \log d$$

$$2,358105233 = \log d$$

$$228 \text{ km}$$

$$228 = d$$

Mars se trouve à 228 millions de kilomètres du Soleil.

20. Résous chaque équation.

a)  $x^{\frac{2}{\log x}} = x$

$$\log x^{\frac{2}{\log x}} = \log x$$

$$\frac{2}{\log x} \times \log x = \log x$$

$$2 = \log x$$

$$x = 10^2 = 100$$

b)  $\log x^{\log x} = 4$

$$\log x \times \log x = 4$$

$$(\log x)^2 = 4$$

$$\log x = \pm 2$$

$$x = 10^2 = 100$$

$$\text{ou } x = 10^{-2} = \frac{1}{100}$$

c)  $(\log x)^2 = \log x^2$

$$\text{suppose } a = \log x$$

$$a^2 = a$$

$$a^2 - a = 0$$

$$a(a - 1) = 0$$

$$a = 0 \text{ ou } a = 1$$

$$\log x = 0 \quad \log x = 1$$

$$x = 10^0 = 1 \quad x = 10^1 = 10$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

21. Résous chaque équation.

a)  $\log_4 x + \log_2 x = 6$

$$\frac{\log x}{\log 4} + \frac{\log x}{\log 2} = 6$$

$$\frac{\log x}{\log 2^2} + \frac{\log x}{\log 2} = 6$$

$$\frac{\log x}{2 \log 2} + \frac{\log x}{\log 2} = 6$$

$$\frac{\log x + 2 \log x}{2 \log 2} = 6$$

$$\log x^3 = 12 \log 2$$

$$\log x^3 = \log 2^{12}$$

$$(x^3)^{\frac{1}{3}} = (2^{12})^{\frac{1}{3}}$$

$$x = 2^4 = 16$$

b)  $\log_3 x - \log_{27} x = \frac{4}{3}$

$$\frac{\log x}{\log 3} - \frac{\log x}{\log 27} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{\log x}{\log 3} - \frac{\log x}{\log 3^3} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{\log x}{\log 3} - \frac{\log x}{3 \log 3} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{3 \log x - \log x}{3 \log 3} = \frac{4}{3}$$

$$2 \log x = 4 \log 3$$

$$\log x^2 = \log 3^4$$

$$(x^2)^{\frac{1}{2}} = (3^4)^{\frac{1}{2}}$$

$$x = 3^2 = 9$$

22. Détermine les valeurs de x qui satisfont l'équation  $(x^2 + 3x - 9)^{2x-8} = 1$ .

$a^0 = 1$

$$(x^2 + 3x - 9)^{2x-8} = (x^2 + 3x - 9)^0$$

$$2x - 8 = 0$$

$$2x = 8$$

$$x = 4$$

et

$$\log(x^2 + 3x - 9)^{2x-8} = \log 1$$

$$(2x - 8) \log(x^2 + 3x - 9) = 0$$

$$\log(x^2 + 3x - 9) = 0$$

$$x^2 + 3x - 9 = 1$$

$$x^2 + 3x - 10 = 0$$

$$(x + 5)(x - 2) = 0$$

$$x = -5 \text{ ou } x = 2$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

26. Résous chaque équation, où  $0 \leq x \leq 2\pi$ .

a)  $2 \log_2(\cos x) + 1 = 0$

$$2 \log_2(\cos x) = -1$$

$$\log_2(\cos x) = \frac{-1}{2}$$

$$2^{\frac{-1}{2}} = \cos x$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \cos x$$

$$x = 45^\circ, 315^\circ$$

$$x = \frac{\pi}{4}, \frac{7\pi}{4}$$

b)  $\log(\sin x) + \log(2 \sin x - 1) = 0$

$$\log(2 \sin^2 x - \sin x) = 0$$

$$10^0 = 2 \sin^2 x - \sin x$$

$$0 = 2 \sin^2 x - \sin x - 1$$

$$\text{suppose } a = \sin x$$

$$0 = 2a^2 - a - 1$$

$$0 = (2a - 2)(a + 1) / 2$$

$$0 = (a - 1)(2a + 1)$$

$$a = 1 \text{ ou } a = \frac{-1}{2}$$

$$\sin x = 1 \quad \sin x = \frac{-1}{2}$$

$$x = 90^\circ \quad x = 210^\circ, 330^\circ \text{ à rejeter}$$

$$x = \frac{\pi}{2}$$

Feuille de travail

1. Résous.

a)  $\log_x(x + 1) = 2$

$$x^2 = x + 1$$

$$x^2 - x - 1 = 0$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1 - 4(1)(-1)}}{2}$$

$$x = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \text{ ou } x = \frac{1 - \sqrt{5}}{2}$$

$$\text{si } x = \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \simeq 1,62$$

$$\log_{1,62}(1,62 + 1) = 2$$

$$2 = 2$$

$$\text{si } x = \frac{1 - \sqrt{5}}{2} \simeq -0,62$$

$$\log_{-0,62}(-0,62 + 1) = 2$$

pas défini

$$\left\{ \frac{1 + \sqrt{5}}{2} \right\}$$

b)  $\log(\ln x) = -1$

$$10^{-1} = \ln x \quad \text{si } x = e^{\frac{1}{10}} \simeq 1,1052$$

$$\frac{1}{10} = \ln x \quad \log(\ln 1,1052) = -1$$

$$-1 = -1$$

$$e^{\frac{1}{10}} = x$$

$$\left\{ e^{\frac{1}{10}} \right\}$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

$$c) \log_3(\log_x 125) = 1$$

$$\begin{array}{l} \text{si } x = 5 \\ 3^1 = \log_x 125 \quad \log_3(\log_5 125) = 1 \\ x^3 = 125 \quad \log_3 3 = 1 \\ x = 5 \quad 1 = 1 \\ \{5\} \end{array}$$

$$d) \log_4(x+3) + \log_4(2-x) = 1$$

$$\begin{array}{l} \text{si } x = -2 \\ \log_4(-2+3) + \log_4(2-(-2)) = 1 \\ \log_4 1 + \log_4 4 = 1 \\ 0 + 1 = 1 \\ 1 = 1 \\ \text{si } x = 1 \\ \log_4(1+3) + \log_4(2-1) = 1 \\ \log_4 4 + \log_4 1 = 1 \\ 1 + 0 = 1 \\ 1 = 1 \\ \{-2, 1\} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \log_4(x+3)(2-x) = 1 \\ 4^1 = -x^2 - 3x + 2x + 6 \\ x^2 + x - 2 = 0 \\ (x+2)(x-1) = 0 \\ x = -2 \text{ ou } x = 1 \end{array}$$

$$e) \frac{2}{3} = \log_3 \sqrt[3]{w(w-10)}$$

$$\begin{array}{l} \frac{2}{3} = \frac{1}{3} \log w(w-10) \\ 2 = \log(w^2 - 10w) \\ 10^2 = w^2 - 10w \\ 0 = w^2 - 10w - 100 \\ w = \frac{10 \pm \sqrt{100 - 4(1)(-100)}}{2} \\ w = \frac{10 \pm \sqrt{500}}{2} = \frac{10 \pm 10\sqrt{5}}{2} \\ w = 5 \pm 5\sqrt{5} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{si } w = 5 + 5\sqrt{5} \simeq 16,18 \\ \frac{2}{3} = \log_3 \sqrt[3]{16,18(16,18-10)} \\ 0,67 = 0,67 \\ \text{si } w = 5 + 5\sqrt{5} \simeq -6,18 \\ \frac{2}{3} = \log_3 \sqrt[3]{-6,18(-6,18-10)} \\ 0,67 \neq 4,64 \\ \{5 + 5\sqrt{5}\} \end{array}$$



Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

$$f) \log_{12}(x^3 + 8) - \log_{12}(x + 2) = 1$$

$$\log_{12} \frac{x^3 + 8}{x + 2} = 1$$

$$12^1 = \frac{(x + 2)(x^2 - 2x + 4)}{x + 2}$$

$$x^2 - 2x + 4 - 12 = 0$$

$$x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$x = 4 \text{ ou } x = -2$$

$$\begin{array}{r|rrrr} 2 & 1 & 0 & 0 & 8 \\ & & 2 & -4 & 8 \\ \hline & 1 & -2 & 4 & \end{array}$$

$$\text{si } x = 4$$

$$\log_{12}(4^3 + 8) - \log_{12}(4 + 2) = 1$$

$$\log_{12} \frac{72}{6} = 1$$

$$12 = 12$$

$$\text{si } x = -2$$

$$\log_{12}((-2)^3 + 8) - \log_{12}((-2) + 2) = 1$$

$$\log_{12} \frac{16}{0} = 1$$

pas défini

$$\{4\}$$

$$g) (\ln x)^2 + \ln x^2 = 3$$

$$(\ln x)^2 + 2 \ln x - 3 = 0$$

$$\text{suppose } \ln x = a$$

$$a^2 + 2a - 3 = 0$$

$$(a + 3)(a - 1) = 0$$

$$a = -3 \text{ ou } a = 1$$

$$\ln x = -3 \quad \ln x = 1$$

$$e^{-3} = x \quad x = e$$

$$\text{si } x = e^{-3}$$

$$(\ln e^{-3})^2 + \ln(e^{-3})^2 = 3$$

$$(-3)^2 + \ln e^{-6} = 3$$

$$9 - 6 = 3$$

$$3 = 3$$

$$\text{si } x = e$$

$$(\ln e)^2 + \ln(e)^2 = 3$$

$$(1)^2 + 2 = 3$$

$$3 = 3$$

$$\{e^{-3}, e\}$$

$$h) 7^{x+1} = \log_8 55$$

$$7^{x+1} = \frac{\log 55}{\log 8}$$

$$7^{x+1} \approx 1,927$$

$$\log 7^{x+1} = \log 1,927$$

$$(x + 1) \log 7 = \log 1,927$$

$$x + 1 = 0,34$$

$$x = -0,66$$

$$\text{si } x = -0,66$$

$$7^{-0,66+1} = \log_8 55$$

$$1,927 = 1,927$$

$$\{-0,66\}$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

i)  $\ln x - 2 \ln(x - 4) = -\ln 2$

$$\ln \left( \frac{x}{(x-4)^2} \right) = \ln 2^{-1}$$

$$\frac{x}{(x-4)^2} = \frac{1}{2}$$

$$2x = x^2 - 8x + 16$$

$$0 = x^2 - 6x + 16$$

$$0 = (x-8)(x-2)$$

$$x = 8 \text{ ou } x = 2$$

si  $x = 8$

$$\ln 8 - 2 \ln(8-4) = -\ln 2$$

$$-0,693 = -0,693$$

si  $x = 2$

$$\ln 2 - 2 \ln(2-4) = -\ln 2$$

pas défini

$$\{8\}$$

2. En sachant que  $\log_a b^2 = 3$  que vaut  $\log_b a^2$ ?

$$\log_a b^2 = 3$$

$$a^3 = b^2$$

$$a = (b^2)^{1/3} = b^{2/3}$$

$$\log_b a^2 = \log_b (b^{2/3})^2 = \log_b b^{4/3} = \frac{4}{3}$$

3. En sachant que  $2^b = 3$  et que  $2^a = 5$ , quelle est l'expression équivalente à  $\log_3 10$ ?

a)  $\frac{b+1}{a}$

b)  $\frac{b+1}{a+1}$

c)  $\frac{a+1}{b}$

d)  $\frac{a}{b}$

e)  $\frac{b}{a}$

$$2^b = 3$$

$$\log_3 2^b = 1$$

$$b \log_3 2 = 1$$

$$\log_3 2 = \frac{1}{b}$$

$$2^a = 5$$

$$\log_2 5 = a$$

$$\frac{\log_3 5}{\log_3 2} = a$$

$$\log_3 5 = a \left( \frac{1}{b} \right) = \frac{a}{b}$$

$$\log_3 10 = \log_3 (2 \times 5)$$

$$= \log_3 2 + \log_3 5$$

$$= \frac{1}{b} + \frac{a}{b} = \frac{a+1}{b}$$

4. Montre que si  $\log_b a = c$  et  $\log_y b = c$ , alors  $\log_a y = c^{-2}$

$$\log_b a = c$$

$$\frac{\log a}{\log b} = c$$

$$\frac{\log a}{c} = \log b$$

$$\log_y b = c$$

$$\frac{\log b}{\log y} = c$$

$$\log b = c \log y$$

$$\frac{\log a}{c} = c \log y$$

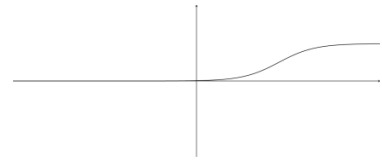
$$\log a = c^2 \log y$$

$$\frac{1}{c^2} = \frac{\log y}{\log a}$$

$$c^{-2} = \log_a y$$

Parcours C : Pré-Calcul 12, pages 412-413, nos 1ac, 2a, 3, 7d, 8abcde, 9, 12, 20abc, 21ab, 22, 26ab; Feuille de travail, nos 1-6

Le modèle exponentiel classique ne peut pas modéliser plusieurs situations en raison de sa croissance exponentielle. Pour les situations ayant une valeur maximale, on peut avoir recours à un autre modèle exponentiel : la fonction logistique. Ce genre de fonction s'approche d'une valeur maximale, tel que présenté dans le graphique suivant. L'exercice suivant est une application de la fonction logistique.



5. Soit  $f(t) = \frac{100}{1 + 99e^{-0,26t}}$ . On suppose que  $f(t)$  donne le pourcentage

de foyers français équipés d'un téléviseur, entre 1954 et 1994,  $t$  étant le rang de l'année à partir de 1954.

a) Quel était le pourcentage de foyers français équipés d'un téléviseur en 1979?

$$f(25) = \frac{100}{1 + 99e^{-0,26(25)}}$$

$$f(25) = 87\%$$

b) En quelle année avait-on 75% des foyers français équipés d'un téléviseur?

$$75 = \frac{100}{1 + 99e^{-0,26t}}$$

$$75(1 + 99e^{-0,26t}) = 100$$

$$1 + 99e^{-0,26t} = 1,3333$$

$$99e^{-0,26t} = 0,3333 \quad \text{donc en 1976.}$$

$$e^{-0,26t} = 0,00337$$

$$\ln 0,00337 = -0,26t$$

$$t = 21,9$$

6. La règle  $E = P \frac{1 - \left(\frac{1}{1+i}\right)^n}{i}$  permet de calculer le nombre  $n$  de paiements de  $P$ \$ à un taux  $i$

d'intérêt mensuel nécessaires pour rembourser un emprunt initial de  $E$ \$. On effectue un emprunt de 200 000\$ à un taux d'intérêt annuel de 6% et on le rembourse à l'aide de paiements mensuels de 1 200\$. En combien de temps aura-t-on remboursé cet emprunt?

$$200000 = (1200) \frac{1 - \left(\frac{1}{1 + \frac{0,06}{12}}\right)^n}{\frac{0,06}{12}}$$

$$166,667 \times \frac{0,06}{12} = 1 - 0,995^{12n}$$

$$-0,1667 = -0,995^{12n}$$

$$\log_{0,995} 0,1667 = 12n$$

$$12n = 357,42$$

$$n = 29,8 \text{ mois}$$

En 30 ans.

7. Soient  $f(x) = 2 \log_{\frac{1}{2}}(9x) + 3$  et  $g(x) = -2 \log_3(x) - 1$ . Démontrez que  $f(x) = g(x)$ .